

O. Arino, C. Delode, J. Genet

# MESURE ET INTÉGRATION

Maîtrises de mathématiques

Exercices et problèmes  
avec solutions



**EXERCICES**

**VUIBERT**

M 757 .

O. Arino, C. Delode et J. Genet

CENTRE DE BIBLIOTHÈQUE TIZI-OUZOU

NUMÉRO D'INVENTAIRE: 496

N° DE COTE: M 757 .

# mesure et intégration



**exercices et problèmes  
avec solutions**



**maîtrises de mathématiques**

Faculté des Sciences  
BIBLIOTHÈQUE  
N° d'Inventaire: A 496

2/96

N° de Côte: M 757 .

Librairie Vuibert, 63, bd Saint-Germain, 75005 Paris



## TABLE DES MATIÈRES

### I. — EXERCICES

0. Généralités .....	11
1. Clans et tribus de parties d'un ensemble.....	19
2. Mesures positives .....	29
3. Espaces et applications mesurables.....	55
4. Intégrale de Lebesgue abstraite.....	69
5. Espaces de Lebesgue.....	95
6. Modes de convergence.....	121
7. Mesures produits. Théorèmes de Fubini .....	141
8. Mesures de Radon.....	159

### II. — PROBLÈMES

1. Mesures ayant la propriété du sous-ensemble de mesure finie .....	185
2. Mesures extérieures de type métrique .....	193
3. Théorème de Scorza-Dragoni .....	201
4. Théorème du graphe mesurable .....	205
5. Familles équi-intégrables .....	213
6. Fonctions de Haar.....	219
7. Sous-espaces fermés de $L^p(E, \mathcal{B}, \mu)$ .....	223
8. Noyaux d'opérateurs.....	229
9. Prolongement à $L^p$ d'un opérateur appartenant à $\mathcal{L}(L^2)$ ..	235

(Les références indiquées en tête de chaque chapitre sont celles du tome consacré au cours, *Mesure et intégration. Théorie élémentaire*, par J. GENET, Vuibert Éditeur.)